

# ОБ ОДНОМ ПРИБЛИЖЕННОМ МЕТОДЕ РАСЧЕТА ВЗАИМОДЕЙСТВИЙ БЫСТРЫХ ИОНОВ С ЯДРАМИ

An Approximate Method of Calculation of Interaction of Fast Ions with Nuclei

В. С. Барашенков, Э. Г. Гаврилов, С. М. Елисеев

Объединенный институт ядерных исследований, Лаборатория теоретической физики,  
Дубна\*

(Поступила в редакцию 24 октября 1972 г.)

Формулы теории Глаубера для столкновения двух ядер выражены через амплитуды нуклон-ядерного взаимодействия. Такой подход применим для описания столкновений значительно отличающихся по своим размерам ядер в области энергий  $> (200-300)$  Мэв/нуклон налетающего ядра. Рассчитаны пробеги быстрых  $\alpha$ -частиц в фотоэмulsionии.

The formulae of the Glauber theory for collisions of two nuclei are expressed in terms of amplitudes of nucleon-nucleus interaction. Such an approach may be applied for the description of collisions of nuclei with considerably differ in size in the energy range  $> (200-300)$  MeV per nucleon of incident nucleus. The propagation of fast alpha-particles in photographic emulsion is calculated.

В настоящее время теория Глаубера является фактически единственным методом, позволяющим вычислять сечения взаимодействий двух ядер без использования феноменологических подгоночных параметров. Однако, будучи связанными с вычислением сложных многократных интегралов, подобные расчеты весьма трудоемки и на практике удается довести их до конца лишь в некоторых специальных случаях.

Можно было бы существенно упростить вычисления, если считать, что столкновение двух ядер происходит таким образом, что одно из этих ядер как единое целое взаимодействует с отдельными нуклонами другого ядра. Сечение взаимодей-

---

\* Address: Joint Institute for Nuclear Research, Head Post Office, P. O. Box 79, Moscow, USSR.

ствия ядер выражается в этом случае через амплитуду нуклон-ядерного рассеяния  $A_{\text{нн}}(q)$ :

$$A_{AB}(q) = \frac{i}{2\pi\hbar} \int d^2\mathbf{b} e^{i\mathbf{q}\cdot\mathbf{b}} \varphi_A(\mathbf{r}_{A1}, \dots, \mathbf{r}_{AA}) \times \\ \times \left\{ 1 - \prod_{k=1}^A [1 - \Gamma_{\text{H}\ddot{\text{a}}}(\mathbf{b} - \mathbf{S}_{Ak})] \right\} \varphi_A(\mathbf{r}_{A1}, \dots, \mathbf{r}_{AA}) \prod_{n=1}^A d^3\mathbf{r}_{An}, \\ \Gamma_{\text{H}\ddot{\text{a}}}(\mathbf{b}) = \frac{Z}{2\pi i} \int e^{-i\mathbf{q}\cdot\mathbf{b}} A_{\text{H}\ddot{\text{a}}}(q) d^2\mathbf{q}. \quad (1)$$

Здесь  $\Gamma_{\text{ня}}(\mathbf{b})$  — профилирующая функция взаимодействия нуклона ядра  $A$  с ядром  $B$ , все остальные обозначения стандартные (см., например, обзор [1]). Амплитуду  $A_{\text{ня}}(q)$ , в свою очередь, с помощью соотношения аналогичного (1), можно выразить через амплитуду нуклон-нуклонного рассеяния. Окончательное выражение для  $A_{AB}(q)$  лишь видом профилирующей функции  $\Gamma_{AB}(\mathbf{b})$  отличается от известной формулы Глаубера:

$$\Gamma_{AB}(\mathbf{b}) = 1 - \int \prod_{k=1}^A d^2 S_{Ak} \varrho_A(S_{Ak}) \left\{ \prod_{i=1}^A \int d^2 S_B \varrho_B(S_B) [1 - \Gamma_{BB}(\mathbf{b} - S_{Ai} + S_B)] \right\}^B, \quad (2)$$

$$\Gamma_{AB}(b)_{\Gamma,n} = 1 - \int \prod_{k=1}^A d^2 S_{Ak} \varrho_A(S_{Ak}) \left\{ \int d^2 S_B \varrho_B(S_B) \prod_{i=1}^A [1 - \right. \\ \left. - \Gamma_{nn}(b - S_{Ai} + S_B)] \right\}^B, \quad (3)$$

где

$$\Gamma_{\text{HH}}(x) = [\sigma_t(1 - i\alpha)/4\pi\beta] \exp(-x^2/2\beta)$$

— нуклон-нуклонная профилирующая функция (мы предположили, что ядерные плотности факторизуются).

Из сопоставления выражений (2) и (3) следует, что рассматриваемым приближением можно пользоваться, когда ядро  $B$  значительно меньше ядра  $A$ , т.к. в этом случае при интегрировании по переменной  $S_B$  относительно медленно меняющиеся функции  $[1 - \Gamma_{\text{пп}}]$  можно по теореме о среднем значении вынести за знак интеграла в точке  $S_B \approx 0$  и выражения для  $\Gamma_{AB}(b)$  и  $\Gamma_{AB}(b)_{\text{gl}}$  приобретают один и тот же вид.

В частности, для гауссовых плотностей  $\varrho(s)$ , когда все интегралы могут быть вычислены аналитически

$$A_{AB}(q) = \frac{i}{4\pi\hbar} \exp\left(\frac{q^2 R_A^2}{4A}\right) \left\{ AB\sigma_t(1-i\alpha) \exp\left[-\frac{q^2}{4}(R_A^2 + R_B^2(1-1/B)+2\beta)\right] - \frac{A!}{2!(A-2)!} \left[ \frac{B!}{(B-1)!} \right]^2 \frac{[\sigma_t(1-i\alpha)]^2}{4\pi[R_A^2 + R_B^2(1+1/B)+2\beta]} \times \right.$$

$$\times \exp \left[ -\frac{q^2}{8} (R_A^2 + R_B^2(1 - 1/B) + 2\beta) \right] - \\ - A \frac{B!}{2!(B-2)!} \frac{[\sigma_t(1-i\alpha)]^2}{4\pi[R_B^2(1-2/B)+2\beta]} \exp \left[ -\frac{q^2}{8} (2R_A^2 + R_B^2(1-2/B) + 2\beta) \right] + \dots \} ; \quad (4)$$

(здесь  $R_A$  и  $R_B$  — радиусы ядер; для простоты мы выписали лишь члены, относящиеся к одно- и двухкратным столкновениям). Легко видеть, что если  $R_B \ll R_A$ , то это выражение переходит в соответствующее выражение теории Глаубера<sup>1</sup>.

$$A_{AB}(q)_{\Gamma\pi} = \frac{i}{4\pi\hbar} \exp \frac{q^2}{4} \left( \frac{R_A^2}{A} + \frac{R_B^2}{B} \right) \left\{ AB\sigma_t(1-i\alpha) \exp \left[ -\frac{q^2}{4} (R_A^2 + R_B^2 + 2\beta) \right] - \right. \\ \left. - \frac{A!B!}{2!(A-2)!(B-2)!} \frac{[\sigma_t(1-i\alpha)]^2}{4\pi(R_A^2 + R_B^2 + 2\beta)} \exp \left[ -\frac{q^2}{8} (2R_A^2 + R_B^2 + 2\beta) \right] - \right. \\ \left. - A \frac{B!}{2!(B-2)!} \frac{[\sigma_t(1-i\alpha)]^2}{4\pi(R_B^2 + 2\beta)} \exp \left[ -\frac{q^2}{8} (2R_A^2 + R_B^2 + 2\beta) \right] - \right. \\ \left. - B \frac{A!}{2!(A-2)!} \frac{[\sigma_t(1-i\alpha)]^2}{4\pi(R_A^2 + 2\beta)} \exp \left[ -\frac{q^2}{8} (R_A^2 + 2R_B^2 + 2\beta) \right] + \dots \right\}. \quad (5)$$

Можно думать, что приближение (1), (2) будет особенно хорошо описывать взаимодействие  $\alpha+$  ядро, поскольку размеры  $\alpha$ -частицы мало отличаются от размеров нуклона. Из рис. 1 видно, что расчетные значения среднего пробега  $\alpha$ -частиц

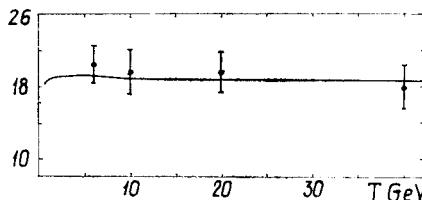


Рис. 1. Средний пробег  $\alpha$ -частиц до неупругого взаимодействия в фотоэмulsionии  $L_{\text{in}}$  (см). Кри-  
вая-расчет, экспериментальные точки взяты из работ [4—6]

в фотоэмulsionии действительно хорошо согласуются с известными экспериментальными данными. (Следует, однако, иметь в виду, что экспериментальные ошибки пока еще весьма велики).

Поскольку в основе рассматриваемого приближения лежит глауберовский расчет нуклон-ядерных взаимодействий, применимый в области энергий, больших нескольких сотен Мэв [2], это ограничение остается, вообще говоря, и для формул (1), (2). Энергия налетающего ядра в лабораторной системе координат  $T \geqslant (200 -$

<sup>1</sup> В импульсном приближении выражения (4) и (5) совпадают при любых значениях  $R_A$  и  $R_B$ , однако точность приближения весьма незначительна.

300) Мэв/нуклон. Поскольку, однако, взаимодействие двух ядер характеризуется сильным поглощением, основной вклад дают периферические столкновение, где требования на применимость приближения ослабляются, поэтому не исключено, что формулы (1), (2) окажутся применимыми и при значительно меньших энергиях. Этот вопрос требует еще изучения.

Глауберовское выражение (3) применимо лишь при существенно больших энергиях налетающего ядра, чем формулы (1), (2).

#### ЛИТЕРАТУРА

- [1] В. С. Барашенков, В. Д. Тонеев, УФН, **100**, 42 (1970).
- [2] С. М. Елисеев, *Acta Phys. Polon.*, **B1**, 83 (1970).
- [3] C. J. Waddington, *Phil. Mag.*, **45**, 1312 (1956).
- [4] E. Lohrmann, M. W. Leucher, *Phys. Rev.*, **115**, 636 (1959).
- [5] F. F. Hanny, *Helv. Phys. Acta*, **29**, 281 (1959).
- [6] M. M. Shapiro, B. Stiller, R. W. O'Dell, *Bull. Amer. Phys. Soc.*, **1**, 319 (1956).